

# Hückel 法

## ☆ アリルラジカル

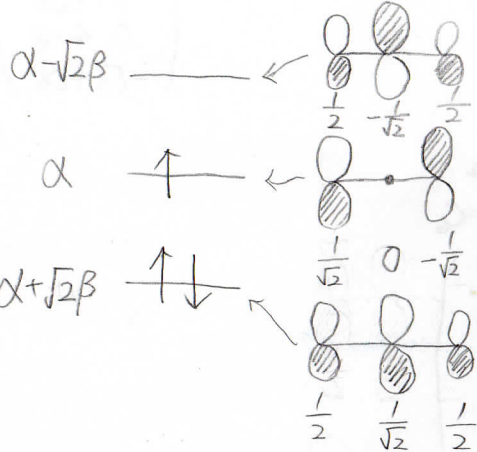


2-プロパニルラジカル

$$\begin{vmatrix} -\alpha & 1 & 0 \\ 1 & -\alpha & 1 \\ 0 & 1 & -\alpha \end{vmatrix} = 0$$

$$-\alpha^3 + 2\alpha = 0$$

$$\alpha = 0, \pm\sqrt{2}$$

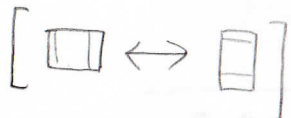


非局在化による安定化なし  
非結合性軌道

電子1個のみ占有 → SOMO  
Singly Occupied Molecular Orbital

最高被占軌道 → HOMO  
Highest Occupied Molecular Orbital  
最低空軌道 → LUMO  
Lowest Unoccupied Molecular Orbital

## ☆ シクロブタジエン

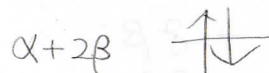


$$\begin{vmatrix} -\alpha & 1 & 0 & 1 \\ 1 & -\alpha & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -\alpha & 1 \\ 1 & 0 & 1 & -\alpha \end{vmatrix} = 0$$

$$\alpha^4 - 4\alpha^2 = 0$$

$$\alpha = \pm 2, 0 (\text{重解})$$

$$\alpha - 2\beta$$



全エネルギー

$$E = 2(\alpha + 2\beta) + 2\alpha = 4\alpha + 4\beta$$

エタレン2つ

$$E = 2(2\alpha + 2\beta) = 4\alpha + 4\beta$$

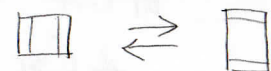
共役系になっても安定化しない

環内でπ電子共役系として安定な化合物

↓  
芳香族

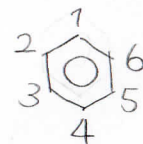
シクロブタジエンは反芳香族  
π電子共役系にならない方が安定

正方形ではなく長方形



共鳴ではなく化学平衡

## ☆ ベンゼン



芳香族

$$\begin{vmatrix} -\alpha & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & -\alpha & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -\alpha & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -\alpha & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -\alpha & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & -\alpha \end{vmatrix} = 0$$

$$(x+1)^2(x-1)^2(x+2)(x-2)=0$$

$$x = \pm 2, 1(\text{重解}), -1(\text{重解})$$

$\alpha - 2\beta$  —

$\alpha - \beta$  — —

$\alpha + \beta$   $\updownarrow$   $\updownarrow$

$\alpha + 2\beta$   $\updownarrow$

$$E = 2(\alpha + 2\beta) + 4(\alpha + \beta)$$

$$= 6\alpha + 8\beta$$

↑↑↑↑  
↑↑↑↑  
↑↑

$$E = 6(\alpha + \beta) \quad 2\beta \text{の安定化}$$

$$= 6\alpha + 6\beta$$

•  $x=2$  のとき


節0本、全ての炭素は等価

$$2C_n = C_{n-1} + C_{n+1} \\ (n=1 \sim 6, C_7=C_1)$$

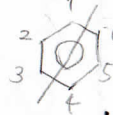
$$C = \begin{pmatrix} 0.408 \\ 0.408 \\ 0.408 \\ 0.408 \\ 0.408 \\ 0.408 \end{pmatrix}$$

•  $x=1$  のとき

節1本

①   $C_1=C_4=0$   
 $C_2=-C_6$   
 $C_3=-C_5$


$$C = \begin{pmatrix} 0 \\ 0.5 \\ 0.5 \\ 0 \\ -0.5 \\ -0.5 \end{pmatrix}$$

②   $C_1=-C_6$   
 $C_2=-C_5$   
 $C_3=-C_4$

$$C = \begin{pmatrix} 0.289 \\ 0.577 \\ 0.289 \\ -0.289 \\ -0.577 \\ -0.289 \end{pmatrix}$$


•  $x=-1$  のとき

節2本

①   $C_1=C_4=0$   
 $C_2=-C_3=C_5=-C_6$

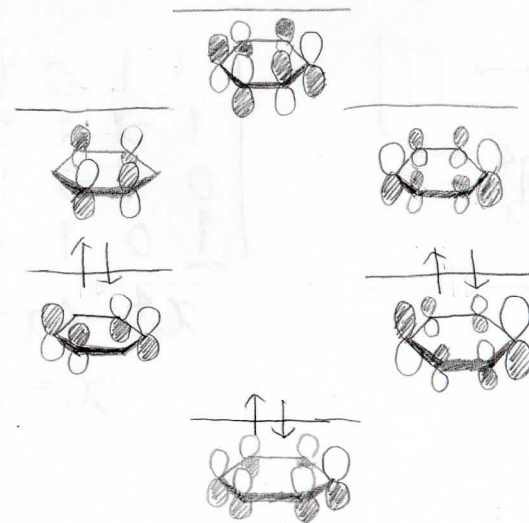
$$C = \begin{pmatrix} 0 \\ 0.5 \\ -0.5 \\ 0 \\ 0.5 \\ -0.5 \end{pmatrix}$$

②

  $C_1=C_4$   
 $C_2=C_3=C_5=C_6$

$$C = \begin{pmatrix} 0.577 \\ -0.289 \\ -0.289 \\ 0.577 \\ -0.289 \\ -0.289 \end{pmatrix}$$

まとめると、



•  $x=-2$  のとき

節3本



$$C = \begin{pmatrix} 0.408 \\ -0.408 \\ 0.408 \\ -0.408 \\ 0.408 \\ -0.408 \end{pmatrix}$$